



Politechnika Łódzka

Instytut Fizyki

Laboratorium elektroniki

Ćwiczenie E51IS

Realizacja logicznych układów kombinacyjnych z
bramek NAND

Spis treści:

1. Cel ćwiczenia.....	3
2. Zagrożenia	3
3. Wprowadzenie teoretyczne.....	3
3.1. Podstawowe funkcje logiczne i bramki logiczne	3
3.2. Metoda minimalizacji i syntezy układu kombinacyjnego.....	5
4. Dostępna aparatura	8
4.1. Moduł zadajnika stanów logicznych	8
4.2. Moduł bramek logicznych.....	8
4.3. Moduł testera stanów logicznych.....	10
4.4. Zasilacz.....	10
5. Przebieg doświadczenia.....	11
5.1. Sprawdzenie prawa De Morgana	11
5.2. Projektowanie i realizacja układu kombinacyjnego	11
5.3. Propozycje zadań realizowanych przez układ kombinacyjny	12
6. Wskazówki do raportu.....	13
7. Literatura	14
7.1. Literatura podstawowa	14
7.2. Literatura uzupełniająca	14

Przed zapoznaniem się z instrukcją i przystąpieniem do wykonywania ćwiczenia należy opanować następujący materiał teoretyczny:

1. Czym zajmuje się algebra Boole'a i jakie są jej podstawowe prawa i tożsamości? [1-9]
2. Minimalizacja funkcji logicznej przy użyciu tablicy Karnaugh. [1-9]
3. Symbole graficzne funktorów realizujących podstawowe funkcje logiczne AND, OR, NOT, NAND, NOR, EX-OR i EX-NOR. [1-3,5-9].
4. Realizacja pozostałych funktorów logicznych przy użyciu samych funktorów NAND albo NOR. [1-4,8]
5. Podział układów przełączających na układy kombinacyjne i sekwencyjne. [1,3,5-8]

1. Cel ćwiczenia

Celem ćwiczenia jest:

1. Zapoznanie się z funktorami realizującymi podstawowe funkcje logiczne.
2. Zaprojektowanie, wykonanie i przetestowanie kombinacyjnego układu logicznego realizującego postawione zadanie w możliwie najprostszy sposób.

2. Zagrożenia

Rodzaj	Brak	Małe	Średnie	Duże
zagrożenie elektryczne		+		
zagrożenie optyczne	+			
zagrożenie mechaniczne (w tym akustyczne, hałas)	+			
zagrożenie polem elektro-magnetycznym (poza widmem optycznym)	+			
zagrożenie biologiczne	+			
zagrożenie radioaktywne (jonizujące)	+			
zagrożenie chemiczne	+			
zagrożenie termiczne (w tym wybuch i pożar)	+			

Przewody z wtykami bananowymi są przeznaczone wyłącznie do użytku w obwodach niskiego napięcia – nie wolno podłączać ich do gniazda sieci zasilającej 230 V.

3. Wprowadzenie teoretyczne

3.1. Podstawowe funkcje logiczne i bramki logiczne

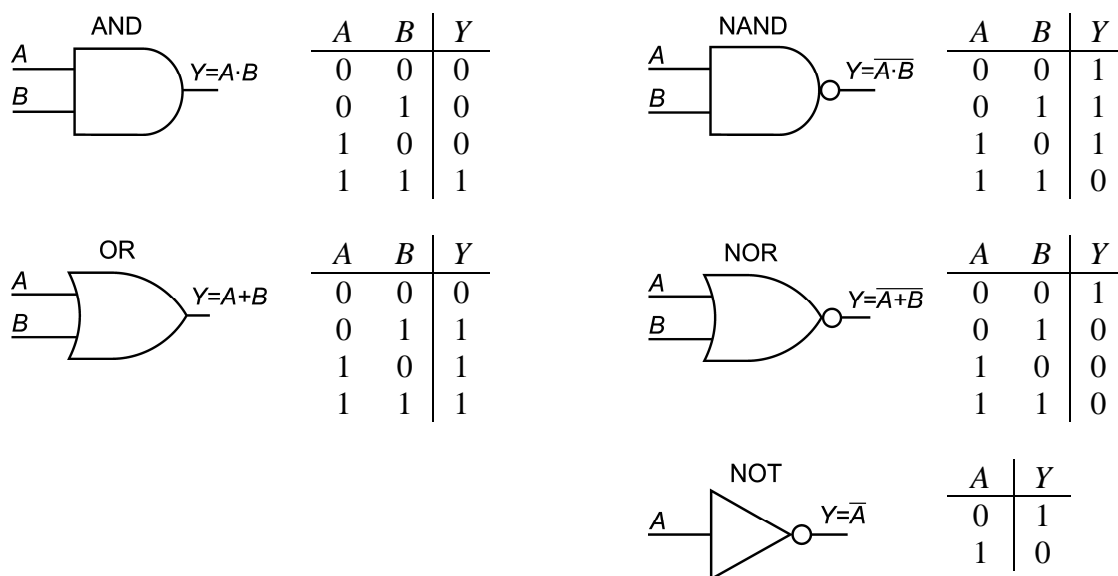
Technika cyfrowa posługuje się głównie algebrą Boole'a określoną dla zmiennych przyjmujących wartości ze zbioru dwóch elementów $\{0; 1\}$. Spotyka się również układy dopuszczające trzy stany, jednakże nie będą one przedmiotem tego ćwiczenia. Na zmiennych dwustanowych definiuje się następujące działania:

- iloczyn logiczny nazywany funkcją AND: $Y = A \cdot B$,
- sumę logiczną OR: $Y = A + B$,
- negację argumentu NOT: $Y = \overline{A}$.

W praktyce wygodnie jest wprowadzić również funkcje realizujące złożenie funkcji AND z NOT oraz OR z NOT

- negacja iloczynu NAND: $Y = \overline{A \cdot B}$,
- negacja sumy NOR: $Y = \overline{A + B}$.

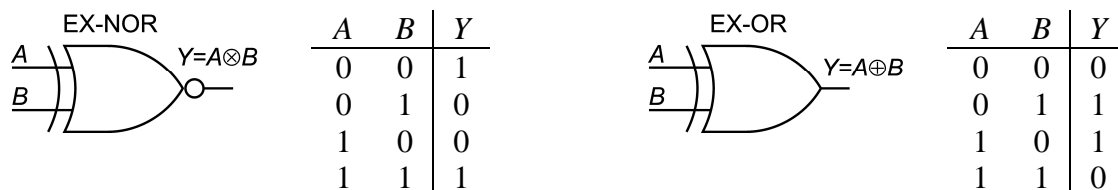
Symbole układów elektrycznych (zwanymi dalej bramkami) realizujących wymienione powyżej funkcje zestawiono na Rys. 1. Definicje funkcji AND, OR, NAND i NOR można łatwo rozszerzyć na dowolną liczbę argumentów przez złożenie ich z funkcji dwuargumentowych, np. $A \cdot B \cdot C = (A \cdot B) \cdot C$.



Rys. 1. Podstawowe prawa i tożsamości algebry Boole'a.

Ze względu na duże znaczenie praktyczne definiuje się również funkcję nierównoważności EX-OR (skrót od EXCLUSIVE-OR) odpowiadającą polskiemu operatorowi ALBO, czyli WYŁĄCZNE LUB, a także funkcję równoważności EX-NOR (pol. ALBO-NIE) określoną jako złożenie EX-OR i NOT

- nierównoważność EX-OR: $Y = A \oplus B = A \cdot \overline{B} + \overline{A} \cdot B$,
- równoważność EX-NOR: $Y = A \otimes B = A \cdot B + \overline{A} \cdot \overline{B}$.



Rys. 2. Symbole dodatkowych bramek logicznych i ich tablice stanów.

Podczas projektowania układów logicznych największe znaczenie mają następujące prawa algebry Boole'a: przemienności, łączności, rozdzielności i De Morgana. Zauważmy, że prawo rozdzielności sumy względem iloczynu oraz obydwa prawa De Morgana nie mają swoich odpowiedników w algebrze liczb rzeczywistych.

Nazwa przekształcenia	Dla iloczynu logicznego	Dla sumy logicznej
Prawa przemienności	$A \cdot B = B \cdot A$	$A + B = B + A$
Prawa łączności	$A \cdot (B \cdot C) = (A \cdot B) \cdot C$	$A + (B + C) = (A + B) + C$
Prawa rozdzielności	$A \cdot (B + C) = A \cdot B + A \cdot C$	$A + B \cdot C = (A + B) \cdot (A + C)$
Prawa De Morgana	$\overline{A \cdot B \cdot \dots} = \overline{A} + \overline{B} + \dots$	$\overline{A + B + \dots} = \overline{A} \cdot \overline{B} \cdot \dots$
Tożsamości podstawowe	$A \cdot 0 = 0$ $A \cdot 1 = A$ $A \cdot A = A$ $A \cdot \overline{A} = 0$	$A + 1 = 1$ $A + 0 = A$ $A + A = A$ $A + \overline{A} = 1$
Tożsamości dodatkowe	$A \cdot (A + B) = A$ $A + \overline{A} \cdot B = A + B$ $(A + B) \cdot (\overline{A} + \overline{B}) = B$	$A + A \cdot B = A$ $A \cdot (\overline{A} + B) = A \cdot B$ $A \cdot B + \overline{A} \cdot B = B$

Tabela 1. Podstawowe prawa i tożsamości algebry Boole'a.

Posługując się prawami De Morgana można stwierdzić, że spośród funktorów realizujących podstawowe działania logiczne jedynie funktory NAND i NOR są uniwersalne, tzn. łącząc funktory tylko jednego z tych dwóch typów można zrealizować dowolną funkcję logiczną, w tym także pozostałe funkcje elementarne AND, OR, NOT, NAND, NOR, EX-OR i EX-NOR. Ograniczenie zbioru funktorów stosowanych do realizacji dowolnej funkcji logicznej ma wiele zalet i jest często stosowane w praktyce.

3.2. Metoda minimalizacji i syntezy układu kombinacyjnego

Założmy, że w wyniku analizy treści zadania ustalono następującą tablicę stanów układu o czterech wejściach A, B, C, D i jednym wyjściu W .

A	B	C	D	W
0	0	0	0	1
0	0	0	1	0
0	0	1	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	0	1
0	1	0	1	0
0	1	1	0	1
0	1	1	1	–

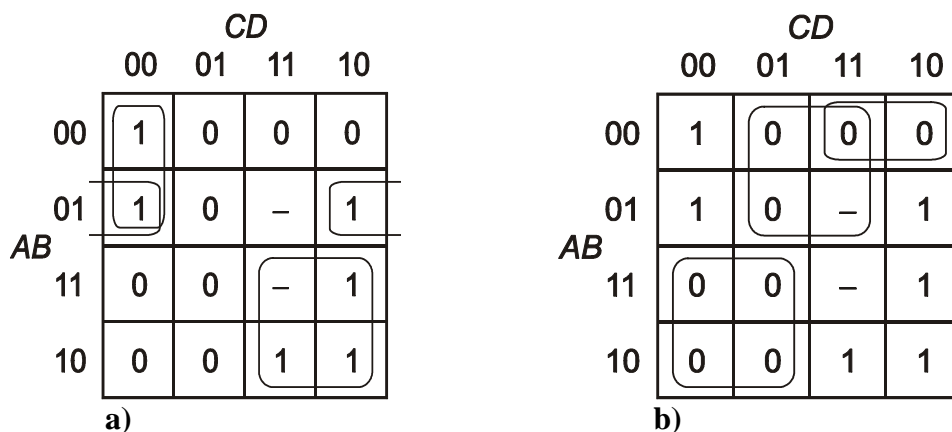
A	B	C	D	W
1	0	0	0	0
1	0	0	1	0
1	0	1	0	1
1	0	1	1	1
1	1	0	0	0
1	1	0	1	0
1	1	1	0	1
1	1	1	1	–

Tabela 2. Zapis funkcji logicznej w postaci tablicy prawdy. Kreskami (–) oznaczono przypadki, w których stan logiczny wyjścia nie ma znaczenia.

Bezpośrednio na podstawie tablicy stanów funkcję można przedstawić np. w postaci kanonicznej sumy, czyli sumy składników, z których każdy stanowi iloczyn pełny wszystkich zmiennych wejściowych lub ich negacji i odpowiada innej linii w tabeli prawdy, dla której $W = 1$

$$W = \bar{A}\bar{B}\bar{C}\bar{D} + \bar{A}B\bar{C}\bar{D} + \bar{A}BC\bar{D} + A\bar{B}\bar{C}\bar{D} + A\bar{B}CD + ABC\bar{D}. \quad (1)$$

Uproszczenie powyższej funkcji $W = f(A, B, C, D)$ przy wykorzystaniu zasad algebry Boole'a jest zadaniem żmudnym a prostota końcowej postaci zależy od intuicji i szczęścia projektanta. Znacznie efektywniejsza metoda wykorzystuje zdolność ludzi do rozpoznawania geometrycznych wzorów w tablicy Karnaugh'a (Rys. 3), która jest dwuwymiarową specyficznym ułożoną tablicą stanów wyjściowych. Stany wejściowe podane są na zewnątrz tablicy i uporządkowane zgodnie z kodem Graya, w którym dwa kolejne słowa różnią się dokładnie jednym bitem. W przypadku funkcji trzech zmiennych buduje się tablicę o wymiarach 2×4 , zaś dla dwóch zmiennych tablicę 2×2 . Minimalizacja funkcji sprowadza się do zgrupowaniu sąsiednich jedynek w prostokątne obszary (Rys. 3.a), przy czym liczba pól w danych obszarze musi być potęgą liczby 2. Przeciwnie krawędzie tablicy traktuje się przy tym jak sklezione ze sobą. Aby otrzymać najprostsze rozwiązanie należy zakreślić wszystkie jedynek wybierając możliwie najmniejszą liczbę obszarów o maksymalnie dużych rozmiarach. Alternatywnie można łączyć same zera (Rys. 3.b). Wybrane pola zawierające stan nieokreślony (-) można łączyć zarówno z jedynekami, jak i zerami.



Rys. 3. Zapis funkcji logicznej danej Tabelą 2 w postaci tablicy Karnaugh'a.
 a) minimalizacja funkcji przez łączenie jedynek, b) minimalizacja funkcji przez łączenie zer.

Na podstawie tablicy na Rys. 3.a zminimalizowaną funkcję logiczną tworzymy jako sumę iloczynów, przy czym każdy iloczyn musi przyjmować wartość 1 dla wszystkich pól w danej grupie. Przykładowo, obszar zakreślony poprzez krawędzie tablicy odpowiada iloczynowi $\bar{A}\bar{B}\bar{D}$, gdzie pominięte C nie zachowuje jednego stanu na całym obszarze. Dla wszystkich grup otrzymujemy

$$W = \bar{A}\bar{C}\bar{D} + \bar{A}B\bar{D} + AC. \quad (2)$$

W przypadku, gdy na tablicy Karnaugh'a połączono pola o stanach 0 (Rys. 3.b), funkcję logiczną tworzymy jako iloczyn sum, z których każda przyjmuje wartość 0 w jednym zakreślonym obszarze

$$W = (\bar{A} + C)(A + \bar{D})(A + B + \bar{C}). \quad (3)$$

Żałujemy, że funkcję trzeba zrealizować przy użyciu samych funkcyj NOT i NAND. Funkcję sumy logicznej, występującą we wzorach (2) i (3), przekształcamy zgodnie z prawami De Morgana

$$\bar{X} + \bar{Y} + \dots = \overline{XY\dots}, \quad X + Y + \dots = \overline{\bar{X}\bar{Y}\dots} \quad (4)$$

otrzymując ze wzorów (2) i (3) odpowiednio

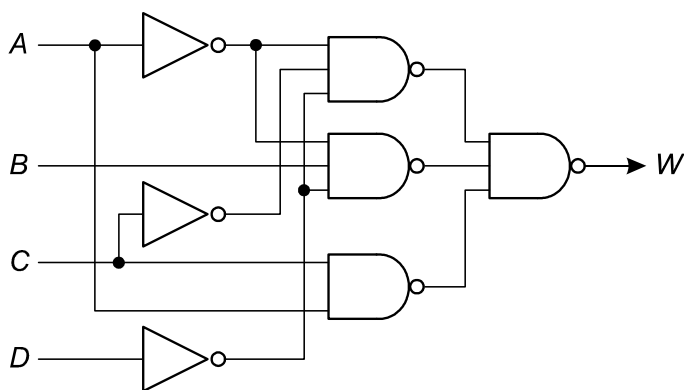
$$W = (\overline{\overline{ACD}})(\overline{\overline{ABD}})(\overline{\overline{AC}}), \quad (5)$$

$$W = (\overline{AC})(\overline{AD})(\overline{ABC}). \quad (6)$$

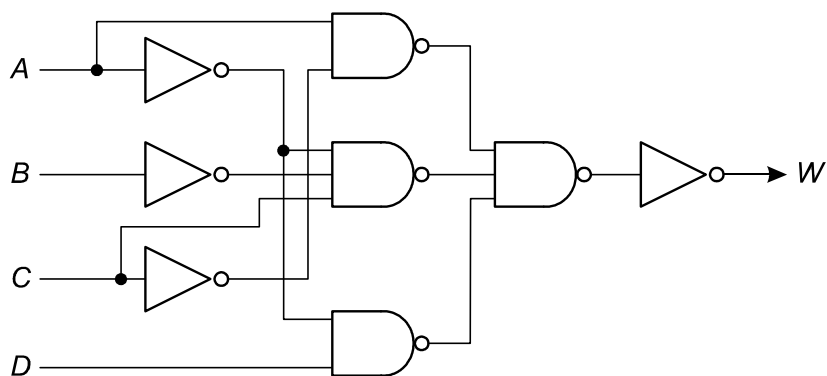
Wszystkie działania występując we wzorze (5) można zrealizować bezpośrednio przy użyciu założonych funkcyj. We wzorze (6) najbardziej zewnętrzną funkcję iloczynu logicznego (AND) trzeba przedstawić jako złożenie negacji (NOT) i zanegowanego iloczynu (NAND)

$$W = (\overline{AC})(\overline{AD})(\overline{ABC}). \quad (7)$$

Jak widać na rysunkach 4 i 5 realizacja sprzętowa funkcji danej wzorem (7) wymaga większej liczby bramek NOT niż w przypadku funkcji (5) ale mniejsza liczba wejść bramek NAND w układzie na rys. 5 prowadzi do zbliżonego nakładu pracy podczas budowania obu układów. Rozwiązania te nie są jednak równoważne pod względem czasu propagacji sygnału z wejść na wyjście.



Rys. 4. Schemat układu realizującego funkcję (5).

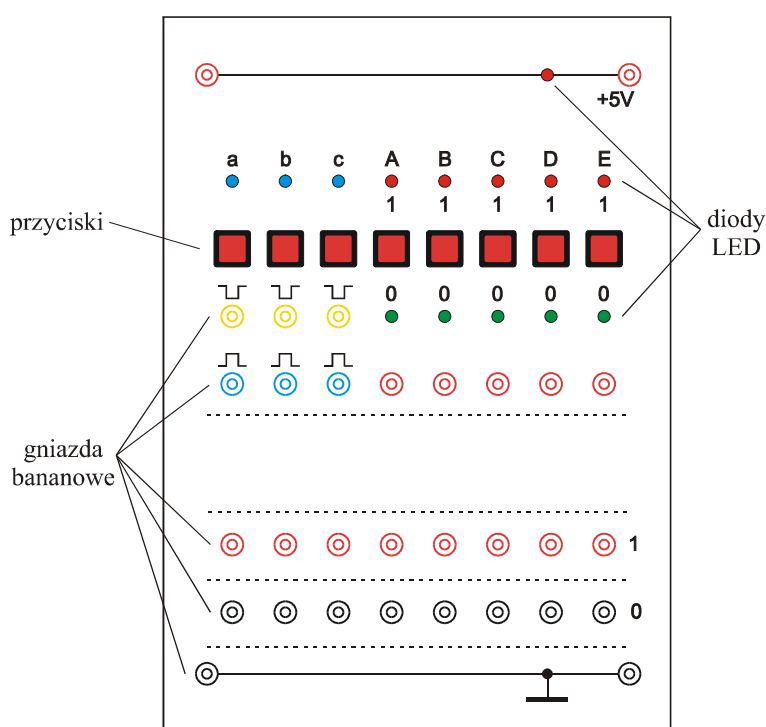


Rys. 5. Schemat układu realizującego funkcję (7).

4. Dostępna aparatura

4.1. Moduł zadajnika stanów logicznych

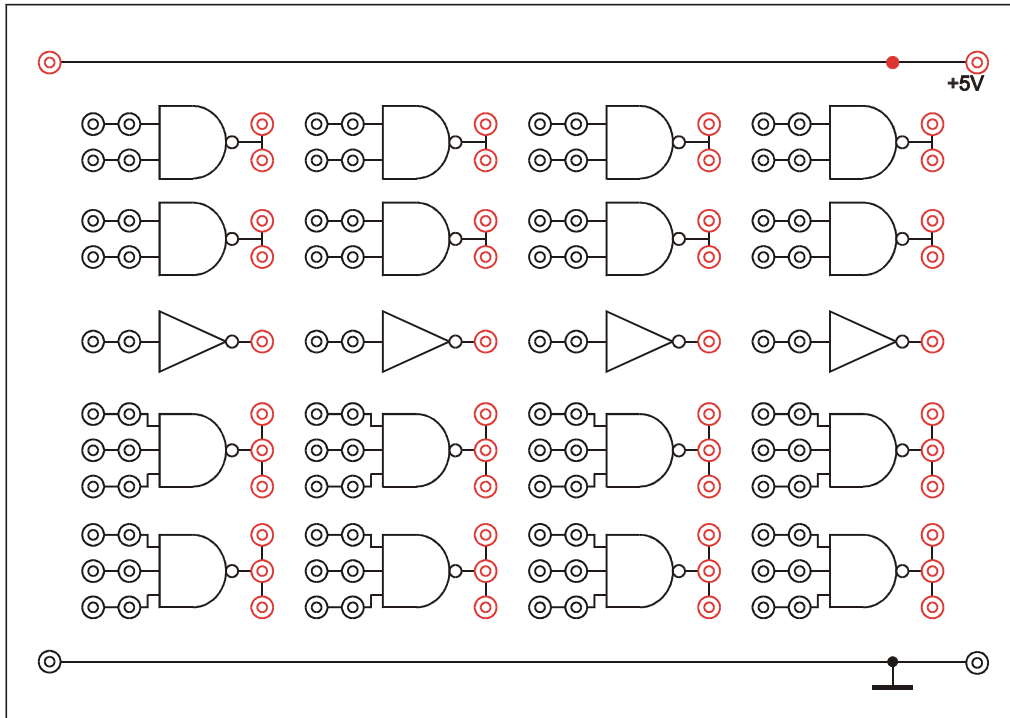
Moduł zadajnika stanów logicznych składa się z pięciu przełączników umożliwiających wybór stanu logicznego 0 albo 1 w czerwonych gniazdach umieszczonych pod przełącznikami (rys. 6). W przypadku gdy konieczne jest niezależne zadawanie stanów na więcej niż pięciu wejściach układu kombinacyjnego, najrzadziej przełączane wejścia należy podłączyć do gniazd o ustalonym stanie 0 albo 1 umieszczonych w dolnej części urządzenia. Ponadto moduł zawiera trzy generatory pojedynczego impulsu (gniazda żółte i niebieskie) wykorzystywane tylko podczas badania układów sekwencyjnych, które wykraczają poza zakres ćwiczenia przewidzianego w niniejszej instrukcji.



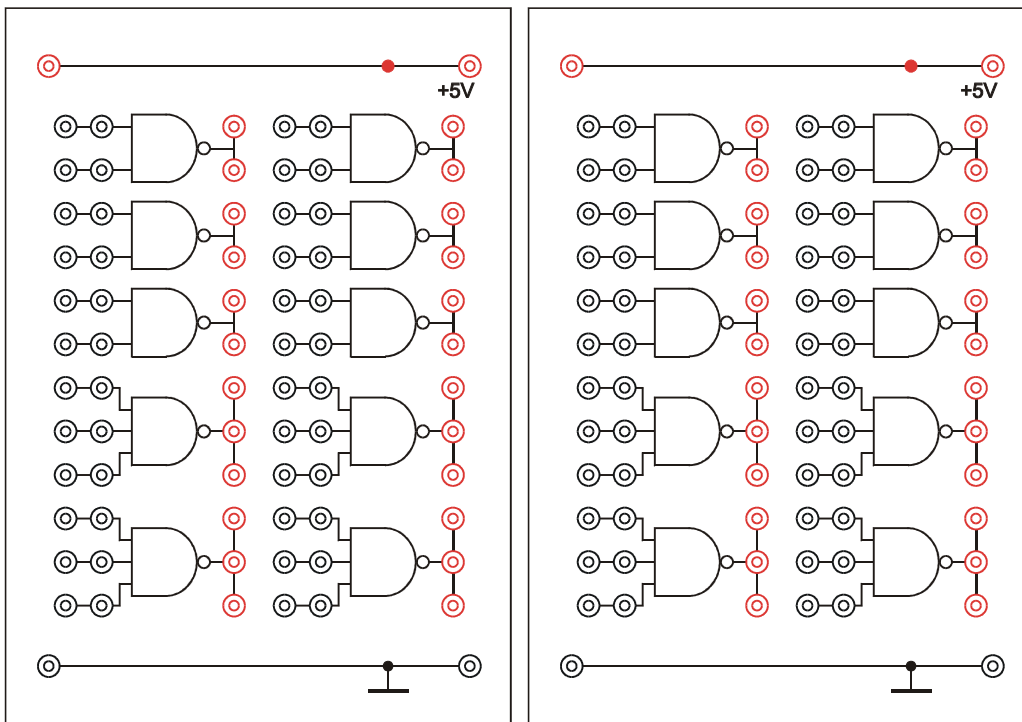
Rys. 6. Panel czołowy modułu zadajnika stanów logicznych.

4.2. Moduł bramek logicznych

Moduł bramek logicznych zawiera 4 bramki logiczne NOT, 8 dwuwejściowych bramek NAND oraz 8 trzywejściowych bramek NAND (rys. 7a). Wszystkie pozostałe funkcje logiczne należy realizować przez połączenia dostępnych bramek NAND i NOT. Alternatywnie na stanowisku może znajdować się zestaw bez bramek NOT złożony z 12 dwuwejściowych bramek NAND oraz 8 trzywejściowych bramek NAND (rys. 7b). Brakujące bramki NOT można zrealizować np. przez połączenie zworką wejść dwuwejściowych bramek NAND.



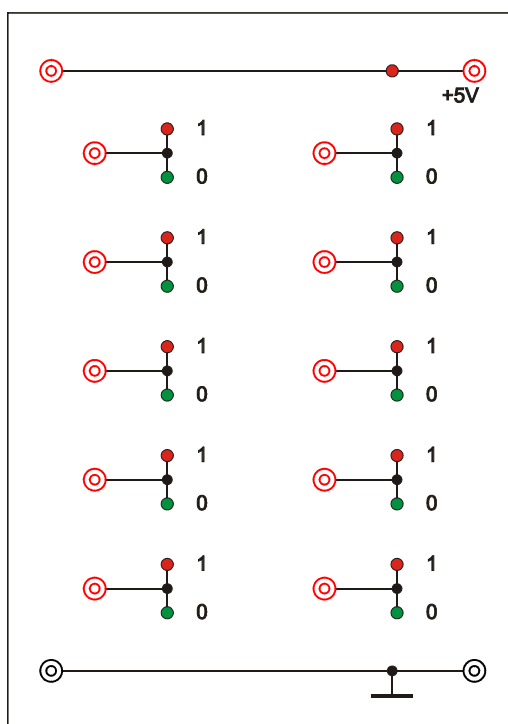
Rys. 7a. Panel czołowy modułu bramek logicznych NAND i NOT.



Rys. 7b. Panele czołowe zestawu dwóch modułów bramek logicznych NAND.

4.3. Moduł testera stanów logicznych

Moduł testera stanów logicznych zawiera 10 niezależnych testerów (rys. 8). Każdy tester zaopatrzony jest w jedno wejście pomiarowe oraz diody czerwoną i zieloną, których zapalenie symbolizuje stan logiczny odpowiednio 1 i 0. Jednoczesne świecenie diody czerwonej i zielonej oznacza wzbudzenie oscylacji w badanym układzie. Oscylacje nie powinny występować w poprawnie połączonym układzie kombinacyjnym, zatem ich obecność wskazuje na błąd w sieci połączeń. W przypadku gdy na wejściu pomiarowym występuje stan wysokiej rezystancji lub doprowadzone napięcie względem masy nie odpowiada żadnemu stanowi logicznemu obie diody są zgaszone. Wystąpienie takiego stanu na wejściu pomiarowym podłączonym do wyjścia bramki logicznej lub modułu zadawania stanów wskazuje na złamanie przewodu, brak kontaktu, awarię przyrządów lub brak zasilania.



Rys. 8. Panel czołowy modułu testera stanów logicznych.

4.4. Zasilacz

Zasilanie wszystkich modułów doświadczalnych opisanych powyżej zrealizowano przy użyciu jednego zasilacza laboratoryjnego SIGLENT SPD3303D [10]. Spośród trzech kanałów tego zasilacza w tym ćwiczeniu wykorzystywany jest tylko kanał o ustalonym napięciu +5V prądu stałego. Alternatywnie na stanowisku może znajdować się zasilacz dogniazdkowy +5V z przewodem zakończonym wtyczkami bananowymi.

5. Przebieg doświadczenia

Pierwszym krokiem powinno być przygotowanie własnego projektu układu kombinacyjnego. Następnie można przystąpić do połączenia zaprojektowanego układu wykorzystując dostępne bramki logiczne.

Odpowiedź na wyjściach układu bada się testerem stanów logicznych kolejno dla wszystkich kombinacji stanów zadawanych na wejściach. Wyznaczoną doświadczalnie tablicę stanów porównuje się z tablicą teoretyczną.

5.1. Sprawdzenie prawa De Morgana

1. Wykorzystując zanegowane obustronnie prawo De Morgana dla sumy logicznej (Tabela 1) narysować schemat elektryczny układu realizującego funkcję bramki OR przy wykorzystaniu dostępnych bramek NAND i NOT.
2. Połączyć zaprojektowany układ, do wejść układu doprowadzić sygnały z modułu zadawania stanów, zaś wyjście układu połączyć z próbnikiem stanów.
3. Połączyć z zasilaczem wszystkie moduły umieszczone na statywie. W tym celu w skrajnym prawym albo lewym module połączyć przewodami linię masy (na dole modułu) i zasilania +5V (na górze) z wyjściem zasilacza. Zasilanie pozostałych modułów realizuje się poprzez połączenie analogicznych linii w sąsiednich modułach.

UWAGA:

- a) wszystkie moduły powinny być zasilane z wyjścia zasilacza zapewniającego stałe napięcie +5V (gniazda z prawej strony zasilacza). Nie używać wyjść umożliwiających płynną zmianę napięcia,
- b) nie wolno łączyć zasilania +5V z wyjściami bramek lub wyjściami zadajnika stanów logicznych.

Nieprzestrzeganie powyższych zaleceń grozi uszkodzeniem urządzeń.

4. Po uzyskaniu zezwolenia włączyć zasilacz i sprawdzić czy świecą się czerwone diody umieszczone na linii +5V. W module testera stanów logicznych wszystkie diody symbolizujące stan 0 lub 1 powinny być zgaszone przy rozwartych wejściach testerów.
5. Zadając różne kombinacje sygnałów wejściowych sporządzić tablicę prawdy układu. Porównać tablicę otrzymaną eksperymentalnie z tablicą teoretyczną dla bramki OR umieszczoną na Rys. 1. W przypadku wystąpienia rozbieżności sprawdzić ponownie układ. Jeśli próby usunięcia rozbieżności nie powiodą się zawiadomić obsługę pracowni.

5.2. Projektowanie i realizacja układu kombinacyjnego

1. W porozumieniu z prowadzącym zajęcia wybrać zadania do realizacji. Przykładowe zadania zebrano w następnym rozdziale.
2. Sporządzić teoretyczną tablicę prawdy (patrz przykład w Tabeli 2). Przypadki w których stan logiczny wyjścia nie ma znaczenia oznaczyć myślnikiem.
3. Podjąć próbę minimalizacji funkcji logicznej posługując się tablicą Karnaugh'a. Rozważyć przypadek łączenia jedynek (patrz przykład na Rys. 3.a) oraz przypadek łączenia zer (Rys. 3.b).
4. Wykorzystując prawa algebry Boole'a przekształcić zminimalizowaną funkcję logiczną tak by wyrazić ją bezpośrednio przy użyciu funkcji logicznych realizowanych przez dostępną na stanowisku tablicę bramek logicznych (np. tablica zawierająca bramki NOT

oraz dwu- i trzywejściowe bramki NAND umożliwia skorzystanie wyłącznie z funkcji typu \overline{A} , $\overline{A \cdot B}$ oraz $\overline{A \cdot B \cdot C}$. W przypadku gdy rozwiązanie zadania wymaga zbudowania układu kombinacyjnego o kilku wyjściach porównać funkcje przełączające dla każdego z wyjść i podjąć próbę znalezienia wspólnych wyrażeń, które można wykorzystać do dalszego uproszczenia układu przez użycie tych samych bramek do realizacji więcej niż jednej funkcji.

5. Włączyć zasilacz.
6. Połączyć układ kombinacyjny zgodnie z funkcjami zbudowanymi w punkcie 4. Nie zakładać, że niepodłączone wejścia bramek posiadają pewien ustalony stan logiczny. Najprostszą metodą ustalenia stanu na nadmiarowym wejściu bramki jest połączenie go zworką z sąsiednim używanym wejściem. Alternatywnie nadmiarowe wejście można połączyć przewodem z modułem zadawania stanów logicznych. Zmiany w układzie połączeń logicznych mogą być bezpiecznie wykonywane przy włączonym zasilaniu. Układy elektroniczne są zabezpieczone przez przypadkowymi błędnymi połączeniami obejmującymi kilka wyjść bramek logicznych lub wyjść modułu zadawania stanów logicznych.
7. Sporządzić doświadczalną tablicę prawdy dla wszystkich wyjść połączonego układu.
8. Sprawdzić zgodność tablicy wykonanej w punkcie 7 z tablicą z punktu 2. W przypadku stwierdzenia rozbieżności podjąć próbę ich wyjaśnienia i usunięcia przez sprawdzenie luzów w połączeniach realizowanych przy użyciu przewodów i zwerek, przeanalizowanie przekształceń wykonanych w punktach 3 i 4 oraz sprawdzenie poprawności połączeń wykonanych w punkcie 6. Po dokonaniu poprawek sporządzić ponownie tablicę prawdy dla układu kombinacyjnego. Jeśli próby usunięcia rozbieżności nie powiodą się zawiadomić obsługę pracowni.
9. Wyłączyć zasilanie i narysować schemat układu elektrycznego.
10. Rozłączyć połączenia i uprzątnąć stanowisko.

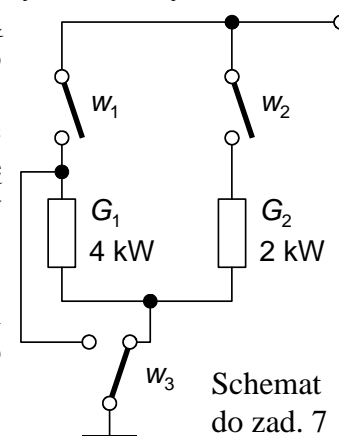
5.3. Propozycje zadań realizowanych przez układ kombinacyjny

Liczba gwiazdek w nawiasach opisuje stopień trudności zadania. Realizacja zadań o zbyt małej łącznej liczbie gwiazdek powoduje ograniczenie oceny za kompletne i poprawne sprawozdanie (zasady oceniania podano na końcu rozdziału 6).

1. (*) Zaprojektować i połączyć układ sygnalizujący podzielność przez 3 liczby binarnej trzybitowej. W rozwiązaniu zaznaczyć czy liczbę zero uznano za podzielną.
2. (*) Zaprojektować i połączyć układ realizujący funkcję czterowejściowej bramki NOR przy użyciu bramek NOT i NAND posiadających co najwyżej trzy wejścia.
3. (*) Zaprojektować i połączyć układ, który na podstawie dwubitowej liczby binarnej steruje linijką złożoną z trzech diod świecących, w taki sposób, że liczba załączonych kolejnych diod odpowiada wartości liczby binarnej na wejściu układu.
4. (***) Zaprojektować i połączyć układ umożliwiający włączanie i wyłączanie oświetlenia w dużym pomieszczeniu z trzech różnych miejsc, w których zamontowano pojedyncze wyłączniki. Układ powinien reagować zmianą stanu wyjściowego na zmianę stanu dowolnego pojedynczego wejścia, czyli powinien badać parzystość bitów (ewentualnie nieparzystość) trzybitowej liczby binarnej. *Wskazówka:* w prostszym przypadku układu z dwoma wyłącznikami zadanie realizuje pojedyncza bramka EX-OR lub EX-NOR przedstawiona na Rys. 2.
5. (***) Zaprojektować i połączyć układ porównujący dwie liczby binarne dwubitowe BA oraz DC (gdzie A, B, C, D oznaczają poszczególne bity). Układ powinien utrzymywać stan 1 na wyjściu dla $DC \geq BA$ oraz stan 0 dla $DC < BA$.

6. (***) Zaprojektować i połączyć układ sygnalizujący stanem 1 na swoim wyjściu awarię termometru kontaktowego wyposażonego w cztery kontakty A, B, C, D , które przy wzrastającej temperaturze powinny zmieniać swój stan z 0 na 1 w wymienionej kolejności. Za awarię należy uznać każdy przypadek niekolejnego załączania kontaktów, tzn. sytuację gdy poniżej załączonego kontaktu pozostaje dowolny rozłączony kontakt.

7. (***) Zaprojektować i połączyć układ sterowania suszarką zaopatrzoną w dwa grzejniki G_1 i G_2 o mocy odpowiednio 4 kW i 2 kW, które można sterować trzema wyłącznikami w_1, w_2 i w_3 . Położenia wyłączników pokazane na rysunku oznaczyć symbolem 0, a położenia przeciwne symbolem 1. Temperaturę w komorze suszarki mierzy termometr kontaktowy wytwarzający cztery sygnały A, B, C i D , które podczas wzrostu temperatury przechodzą z 0 na 1 w wymienionej kolejności. Oznaczmy przez t_i temperaturę, po osiągnięciu której zmienia się sygnał na wyjściu i -tego czujnika. Sposób działania układu sterowania grzejnikami będzie następujący:



- $t < t_A$ – oba grzejniki włączone równolegle,
 $t_A \leq t < t_B$ – włączony grzejnik G_1 ,
 $t_B \leq t < t_C$ – włączony grzejnik G_2 ,
 $t_C \leq t < t_D$ – oba grzejniki włączone szeregowo,
 $t_D \leq t$ – oba grzejniki wyłączone.

8. (***) Zaprojektować i połączyć układ, który na podstawie czterobitowej liczby binarnej steruje linijką złożoną z czterech diod świecących. Dla wartości binarnych od 0000 do 0100 (dziesiętnie od 0 do 4) układ powinien załączać kolejne diody w liczbie odpowiadającej wartości na wejściu układu, oraz utrzymywać świecenie wszystkich diod dla wszystkich wartości większych od 0100.
9. (***) Zaprojektować i połączyć układ jednego pełnego sumatora jednobitowego. Sumator oprócz wejść dodawanych bitów A_i i B_i powinien posiadać wejście C_{i-1} przyjęcia przeniesienia z poprzedniego sumatora dodającego bity na mniej znaczącej pozycji oraz generować wynik sumowania S_i i przeniesienie C_i dla sumatora dodającego cyfry na bardziej znaczącej pozycji.

6. Wskazówki do raportu

Raport powinien zawierać:

1. Stronę tytułową (wg wzoru).
2. Sformułowanie celu ćwiczenia.
3. Wykaz użytej aparatury. Dla modułu/modułów bramek logicznych podać także pełną specyfikację dostępnego zestawu bramek logicznych (typy bramek, liczba wejść, liczba dostępnych bramek).
4. Opis przebiegu sprawdzenia prawa De Morgana.
5. Treść zadania, które powinien realizować zbudowany układ kombinacyjny.
6. Teoretyczne tablice prawdy dla każdego wyjścia wynikające z analizy treści zadania.
7. Minimalizację funkcji logicznej, np. metodą tablic Karnaugh lub przy użyciu praw algebry Bool'a.
8. Wynik przekształcenia zminimalizowanych funkcji logicznych do postaci możliwej do bezpośredniego zrealizowania przy użyciu dostępnych bramek.
9. Schemat połączeń elektrycznych układu kombinacyjnego.
10. Tablice stanu układu zbadane doświadczalnie.

11. Dyskusję uzyskanych wyników. Przedstawić rezultat sprawdzenia zgodności zbudowanego układu kombinacyjnego z teoretyczną tablicą prawdy. W przypadku wystąpienia rozbieżności opisać środki podjęte w celu ich usunięcia, znalezione błędy i uzyskany ostatecznie rezultat. Czy metoda tablic Karnauga pomogła w znalezieniu nieoczywistych możliwości uproszczenia układu?

W raporcie ocenie podlegać będzie obecność i poprawność wszystkich wymienionych powyżej składników, czytelność prezentacji wyników w postaci tabel, wzorów i schematów wraz z opisami oraz jakość sformułowanych wniosków. Wstęp teoretyczny nie jest wymagany i w przypadku jego zamieszczenia w raporcie nie wpłynie na ocenę.

Ponadto ocena za poprawne i kompletne sprawozdanie zależy od łącznej liczby gwiazdek opisujących trudność zadań, których wykonanie udokumentowano w zatwierdzonym brudnopisie. Jeżeli prowadzący zajęcia nie poda inaczej obowiązuje następująca tabela:

Suma gwiazdek za wykonane zadania	Maksymalna ocena ze sprawozdania w skali 0...5 pkt.
0	nie zaliczone
1	2 pkt.
2	3 pkt.
3	4 pkt.
≥ 4	5 pkt.

7. Literatura

7.1. Literatura podstawowa

- [1] J. Kalisz, *Podstawy elektroniki cyfrowej*, WKiŁ, Warszawa 2002.
- [2] P. Horowitz, W. Hill, *Sztuka elektroniki*, WKiŁ, Warszawa 2001,
- [3] U. Tietze, Ch. Schenk, *Układy półprzewodnikowe*, WNT, Warszawa 2009.
- [4] M. Molski, *Wstęp do techniki cyfrowej*, WKiŁ, Warszawa 1989.
- [5] R. Ćwirko, M. Rusek, W. Marciniak, *Układy scalone w pytaniach i odpowiedziach*, WNT, Warszawa, 1987.
- [6] W. Traczyk, *Układy cyfrowe. Podstawy teoretyczne i metody syntezy*, WNT, Warszawa 1986.
- [7] P. Misiurewicz, *Układy automatyki cyfrowej*, Wydawnictwa Szkolne i Pedagogiczne, Warszawa, 1984.
- [8] A. Rusek, *Podstawy elektroniki*, część 2, Wydawnictwa Szkolne i Pedagogiczne, Warszawa, 1983.
- [9] W. Głocki, *Układy cyfrowe*, Wydawnictwa Szkolne i Pedagogiczne, Warszawa, 2008.

7.2. Literatura uzupełniająca

- [10] B. Zbierzchowski, T. Łuba, K. Jasiński, M. A. Markowski, *Synteza logiczna w układach programowalnych*, Wydawnictwa Politechniki Warszawskiej, Warszawa, 1992.